

## COMPITO B

### ESERCIZIO 1.

Studiare il carattere della seguente serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} \log \left( 1 + \frac{n^3}{2n^5 + 2} \right).$$

### ESERCIZIO 2.

(a) Studiare la seguente funzione e disegnarne il grafico:

$$f(x) = \log \left( \frac{x^2 + 5x + 6}{x - 2} \right),$$

determinando il dominio di definizione, gli intervalli di monotonia, i punti di massimo e minimo relativi. Studiare il segno, i limiti agli estremi del dominio di definizione e determinare il codominio di  $f$ , motivando la risposta. Omettere lo studio della derivata seconda ma, per un corretto disegno del grafico, tenere presente che la funzione possiede un solo flesso, per  $x > 0$ .

(b) Utilizzando ragionamenti di simmetria, disegnare il grafico di

$$|f(x)| = \left| \log \left( \frac{x^2 + 5x + 6}{x - 2} \right) \right|.$$

### ESERCIZIO 3.

Calcolare il seguente integrale definito

$$\int_{-1}^1 (x^2 - 2)e^{|x|} dx$$

### ESERCIZIO 4.

Sia  $\alpha$  un parametro reale. Calcolare i seguenti limiti al variare di  $\alpha$

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \cos^5 x + \alpha|x|.$$